

נעים להכיר- שמי רועי עידן.
נשוי למורן + 2 ילדים.

בוגר תואר ראשון בהצטיינות בכלכלה וניהול
ותואר שני במנהל עסקים מטעם המכללה למנהל.

מורה פרטי מראשל"צ, מעביר שיעורים פרטיים ליחידים וקבוצות- כ 14 שנים-
מומחה למבחני מנהל עסקים המכללה למנהל.

למעלה מ 12 שנים אני מעביר תגבורים לסטודנטים מטעם אגודת הסטודנטים.
בקורסים: סטטיסטיקה, כלכלה, מתמטיקה, אקסל ועוד.

**אני מפעיל אתר סרטונים (קורסים מוקלטים להכנה למבחן)
שייעודו להכין למבחן תוך כ 7 שעות בלבד.
הקורסים המקוונים מלמדים את הכל מאפס,
כוללים רק שאלות ממבחנים
ונוצרו במיוחד לסטודנטים למנע"ס-חשבונאות, המכללה למנהל.
עלות קורס היא מקסימום 290 שח בלבד
(פחות מעלות של שני שיעורים פרטיים).**

**למעבר לקורס המקוון (סרטוני הכנה למבחן) בסטיסטיקה א לחשבונאים
שמכין ממש מ 0 לפרק מבחנים (כולל את כל סוגי השאלות, בכל הנושאים)
עם עשרות שאלות ממבחנים אחרונים המסודרים לפי נושאי הקורס.
משך הקורס כ 8 שעות בלבד. אני זמין בווטסאפ לכל שאלה!**

<https://roy-idan.co.il/courses/%d7%a1%d7%98%d7%98%d7%99%d7%a1%d7%98%d7%99%d7%a7%d7%94-1-%d7%9b%d7%9c%d7%99%d7%9d-%d7%95%d7%a4%d7%a8%d7%a7%d7%98%d7%99%d7%a7%d7%94-3>

100% חינם: הקלטה של תגבור אמצע הסמסטר בסטיסטיקה מלפני חודש וקצת: 🏆

<https://roy-idan.co.il/courses/%d7%a1%d7%98%d7%98%d7%99%d7%a1%d7%98%d7%99%d7%a7%d7%94-1-%d7%9b%d7%9c%d7%99%d7%9d-%d7%95%d7%a4%d7%a8%d7%a7%d7%98%d7%99%d7%a7%d7%94-3>

100% חינם: התגבור "לימודיה" בכלים מתמטיים שקיימנו לפני מועד א: 🏆

<https://roy-idan.co.il/courses/%d7%9b%d7%9c%d7%99%d7%9d-%d7%9e%d7%aa%d7%9e%d7%98%d7%99%d7%99%d7%9d-%d7%91%d7%a0%d7%99%d7%94%d7%95%d7%9c-2>

100% חינם: שיעור מוקלט שומט לסתות בכלכלה מיקרו: 🏆

(שווה כ 25 נקודות בכל מבחן):

<https://roy-idan.co.il/courses/%d7%9e%d7%99%d7%a7%d7%a8%d7%95-%d7%9b%d7%9c%d7%9b%d7%9c%d7%94-2>

100% חינם: למעבר לתגבור שנערך באקסל לפני מועד א: 🏆

<https://roy-idan.co.il/courses/%d7%99%d7%99%d7%a9%d7%95%d7%9e%d7%99-%d7%9e%d7%97%d7%a9%d7%91-%d7%91%d7%a0%d7%99%d7%94%d7%95%d7%9c-excel>

רועי עידן- מומחה להכנת סטודנטים למנהל עסקים למבחני המכללה למנהל: סטיסטיקה, כלכלה, אקסל, מתמטיקה.
סרטוני הכנה ממוקדי מבחן ו/או שיעורים פרטיים ליחידים וקבוצות: www.roy-idan.co.il 052-546-6016

מבנה המבחן בסטטיסטיקה: 20 שאלות אמריקאיות, 5 נקודות כל אחת.
מבנה חדש מפני שנה בלבד!

- במתמטיקה, סטטיסטיקה, כלכלה ואקסל, להכנה יעילה באמת למבחן: אני ממליץ לפתור, רוחבית- רק מבחנים!
רוחבית הכוונה להתנפל כל פעם על נושא 1 במבחנים.
מדוע עדיף מבחנים? הסגנון של תרגילי הבית הוא שונה מהסגנון של שאלות המבחנים.
לא לפתור שאלות פתוחות- גם אם הן ממבחנים!
פותרים רק אמריקאיות: כי המבחן שלכם כולו אמריקאי!

• ההקלטה של התגבור בסטטיסטיקה עולה לכאן:

<https://roy-idan.co.il/courses/%d7%a1%d7%98%d7%98%d7%99%d7%a1%d7%98%d7%99%d7%a7%d7%94-1-%d7%9b%d7%9c%d7%99%d7%9d-%d7%95%d7%a4%d7%a8%d7%a7%d7%98%d7%99%d7%a7%d7%94-3>

- לעיתים הפתרונות בדרכים מסובכות-
לא להתרגש: אפשר לפתור בכל דרך, שלא יוריד לכם ביטחון.

- מילואים: המלצתי לקחת פטור (עובר מנהלי)
בסטטיסטיקה (מותר לפי המתווה שפורסם)
ובשיווק- דברו איתי בפרטי.

- נא להוריד את מערך השיעור מהצ'ט

למבחנים לא ניגשים לבד (קורסים מקוונים ושיעורים פרטיים)

לינק ישיר לווטסאפ של רועי <https://bit.ly/3E4mHLn>

רועי עידן 052-546-6016 www.roy-idan.co.il

רשימת הנושאים למבחן:

סוגי משתנים (סולמות מדידה) + הגרף המתאים לכל סוג משתנה (עוגה, מקלות, היסטוגרמה)

טבלת שכיחויות

צורות התפלגות (זנב ימני, זנב שמאלי, סימטרית חד שיאית, דו-שיאית, צורה סימטרית)

מדדי מרכז (שכיח, חציון, ממוצע)

מדדי פיזור (תחום, תחום בין רביעוני, עשירונים, ריבעונים, מאונים, סטיית תקן ושונות)

פלט עם תוצאות מדדי מרכז ופיזור

טרנספורמציה לינארית (שינוי זהה בכל הערכים)

מקדם ההשתנות CV (הומוגניות, הטרוגניות)

ממוצע משוקלל

הסתברות (הסתברות מותנית, ריבוע הקסם, זרים, בלתי תלויים או תלויים)

הסתברות- שאלות של היגיון (למשל שליפת כדור מכובע עם או בלי החזרה)

בניית פונקציית ההסתברות (תוחלת, סטיית תקן ושונות)

ציון תקן Z

התפלגות נורמלית (משפט הגבול המרכזי)

נושאים שירדו הסמסטר (בכלל לא יילמדו):

**בינום (בינומית)
רווח סמך**

דפי נוסחאות סטטיסטיקה תיאורית

מדדים:

ממוצע

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^c \frac{x_i \cdot f_i}{n}$$

ממוצע משוקלל או ממוצע הממוצעים

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^c (\bar{x}_i \cdot n_i)}{\sum_{i=1}^c n_i}$$

סטית תקן

$$\hat{S} = \sqrt{\hat{S}^2} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2}{n-1}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^c (x_i - \bar{X})^2 * f_i}{n-1}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n x_i^2 - n\bar{X}^2}{n-1}}$$

$$C.V = \frac{\hat{S}}{\bar{x}}$$

מקדם ההשתנות

הסתברות

איחוד מאורעות:

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \quad \text{כאשר המאורעות A ו-B אינם זרים זה לזה}$$

הסתברות מותנה:

$$p(B/A) = \frac{p(B \cap A)}{p(A)}$$

המאורעות בלתי תלויים כאשר מתקיים:

$$P(A \cap B) = P(B) \times P(A)$$

$$\text{או } p(B/A) = p(B)$$

תוחלת של המשתנה המקרי הבדיד :

$$E_{(X)} = \sum x_i * p(x_i)$$

שונות של המשתנה המקרי הבדיד :

$$V_{(X)} = \sigma_{(X)}^2 = \sum (X_i - E(X))^2 * P(x_i)$$

$$V_{(X)} = \sigma_{(X)}^2 = \sum x_i^2 * P(x_i) - [E(X)]^2$$

סטיית תקן של המשתנה המקרי הבדיד:

$$\sigma_{(X)} = SD_{(X)} = \sqrt{\sum x_i^2 * P(x_i) - [E(X)]^2}$$

תוחלת של סכום משתנים מקריים:

$$E(X_1 + X_2 + \dots + X_n) = E(X_1) + E(X_2) + \dots + E(X_n)$$

שונות של סכום משתנים מקריים בלתי תלויים: $V(X_1 + X_2 + \dots + X_n) = V(X_1) + V(X_2) + \dots + V(X_n)$

הסתברות משתנה מקרי הרציף והתפלגות הנורמלית:

$$X \sim N(\mu, \sigma^2)$$

$$Z_i = \frac{x_i - \mu}{\sigma} \quad \text{ציון תקן:}$$

התפלגות דגימה

חוקי התפלגות הדגימה של הממוצע:

$$E(\bar{x}) = E(X) = \mu$$

$$V(\bar{x}) = \frac{\sigma_x^2}{n} = \sigma_{\bar{x}}^2$$

$$SD(\bar{x}) = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

דגימה מהתפלגות נורמלית:

$$\bar{X} \sim N\left(\mu, \frac{\sigma^2}{n}\right) \quad \text{אם } X \sim N(\mu, \sigma^2) \quad \text{אזי:}$$

$$Z_{\bar{x}} = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \sim N(0,1)$$

דגימה מהתפלגות כלשהי (משפט הגבול המרכזי):

אם $E(X) = \mu$ ו- $V(X) = \sigma^2$ אזי עבור n מספיק גדול: $\bar{X} \sim N\left(\mu, \frac{\sigma^2}{n}\right)$ (נורמלי בקרוב).

מציאת גודל המדגם n :

$$n \geq \left(\frac{Z * \sigma}{\bar{x} - \mu}\right)^2$$

הסתברות:

הסתברות מותנית:

מדובר בשני אירועים, כאשר אחד מהם כבר קרה.

נוסחת ההסתברות המותנית (במילים):

$$\text{תוצאה} = \frac{\text{שני האירועים (ריבוע פנימי)}}{\text{האירוע שקרה}}$$

עידן, מנהל פיתוח בחברת הייטק, נוסע בבוקר לעבודתו ומנסה להיזכר מה צפוי לו היום בעבודה.
 בכל יום עבודה, ההסתברות שתהיה לו ישיבת פיתוח היא 0.5,
 וההסתברות שתהיה לו ישיבת הנהלה היא 0.4.
 ביום שבו אין לעידן ישיבת פיתוח, ההסתברות שלא תהיה לו ישיבת הנהלה היא 0.8.
 אם לעידן יש ישיבת פיתוח, מה ההסתברות שאין לו ישיבת הנהלה?

- א. 0.4 ✓
- ב. 0.5
- ג. 0.6
- ד. 0.8

| ס"ה | אין ישיבת פיתוח | יש ישיבת פיתוח | |
|--------|-----------------|----------------|-----------------|
| 0.4 | 0.1 | 0.3 | יש ישיבת הנהלה |
| 0.6 | 0.4 | 0.2 | אין ישיבת הנהלה |
| תמיד 1 | 0.5 | 0.5 | ס"ה |

חשוב:
 אירוע אחד: ריבוע חיצוני
 שני אירועים: ריבוע פנימי

$$\text{תוצאה} = \frac{\text{שני האירועים (ריבוע פנימי)}}{\text{האירוע שקרה}}$$

$$u \text{ באה} = \frac{\text{אין כגור ואין הנהלה}}{\text{אין כגור}}$$

$$0.8 = \frac{\text{אין כגור ואין הנהלה}}{0.5}$$

$$0.4 = \text{אין כגור ואין הנהלה}$$

$$\mu_{\text{צב}} = \frac{\text{ע' סגוראן ז'רלד}}{\text{ע' סגוראן}}$$

$$0,4^{\checkmark} = \frac{0,2}{0,5}$$

חשוב: ההבדל בין שני הניסוחים המבלבלים:

עידן, מנהל פיתוח בחברת הייטק, נוסע בבוקר לעבודתו ומנסה להיזכר מה צפוי לו היום בעבודה. בכל יום עבודה, ההסתברות שתהיה לו ישיבת פיתוח היא 0.5, וההסתברות שתהיה לו ישיבת הנהלה היא 0.4.

ההסתברות שאין ישיבת פיתוח ואין ישיבת הנהלה היא 0.8

אם לעידן יש ישיבת פיתוח, מה ההסתברות שאין לו ישיבת הנהלה?

- א. 0.4
- ב. 0.5
- ג. 0.6
- ד. 0.8

עידן, מנהל פיתוח בחברת הייטק, נוסע בבוקר לעבודתו ומנסה להיזכר מה צפוי לו היום בעבודה. בכל יום עבודה, ההסתברות שתהיה לו ישיבת פיתוח היא 0.5, וההסתברות שתהיה לו ישיבת הנהלה היא 0.4.

ביום שבו אין לעידן ישיבת פיתוח, ההסתברות שלא תהיה לו ישיבת הנהלה היא 0.8.

אם לעידן יש ישיבת פיתוח, מה ההסתברות שאין לו ישיבת הנהלה?

- א. 0.4
- ב. 0.5
- ג. 0.6
- ד. 0.8

הסתברות מותנית

| ס"ה | אין ישיבת פיתוח | יש ישיבת פיתוח | |
|--------|-----------------|----------------|-----------------|
| | | | יש ישיבת הנהלה |
| | | | אין ישיבת הנהלה |
| תמיד 1 | | | ס"ה |

אבי מלך השטיחים מייבא שטיחים מטורקיה וקזחסטן בלבד.
בקזחסטן לא מרססים את השטיחים, ולכן

ההסתברות לקבל גם שטיח קזחסטני וגם פרעושים, כפולה מההסתברות שהשטיח גם תורכי וגם מכיל פרעושים.

אבי נוהג לייבא 30% מהשטיחים שלו מקזחסטן.

אם השטיח יובא מקזחסטן, הסיכוי שיש בו פרעושים הוא 50%.

אם שטיח מסוים יובא מתורכיה, מה ההסתברות שיש בו פרעושים?

א. 0.3

ב. 0.107 ✓

ג. 0.075

ד. 0.225

| | | | |
|------|-------------|------------|-------------|
| ס"ט | קזחסטן | טורקיה | |
| $5x$ | $2x$ 15% | $x = 7.5%$ | עם פרעושים |
| | | | בלי פרעושים |
| 1 | 30% | 70% | ס"ט |

תוצאה = $\frac{\text{שני האירועים (ריבוע פנימי)}}{\text{האירוע שקרה}}$

$$70\% = \frac{\text{קזחסטן} \times \text{עם פרעושים}}{\text{קזחסטן}}$$

$$50\% = \frac{\text{קזחסטן} \times \text{עם פרעושים}}{30\%}$$

$$15\% = \text{קזחסטן} \times \text{עם פרעושים}$$

$$2x = 15\%$$

$$x = 7.5\%$$

$$\text{מקדם} = \frac{\text{מחיר שוק, תשלום}}{\text{מחיר}}$$

$$\boxed{\begin{matrix} 0,107 \\ 10,7\% \end{matrix}} = \frac{7,5\%}{70\%}$$

3. בעיר כלשהי 70% גברים, מתוכם 80% מעשנים. מתוך הנשים 60% לא מעשנות.

נכנסתי לבנק בעיר ועמדתי בתור מאחורי אדם מעשן, מה הסיכוי שזאת אישה?

א. 0.1215

ב. 0.68

ג. 0.1765 ✓

ד. 0.18

| ס"ה | לא מעשן | כן מעשן | |
|-----|---|--|-----|
| 70% | 74% | 56% <small>70% גברים, מתוכם 80% מעשנים.</small> | לבר |
| 30% | 18% <small>30% x מתוך הנשים 60% לא מעשנות.</small> | 12% | אשה |
| 1 | 32% | 68% | ס"ה |

$$\text{תוצאה} = \frac{\text{שני האירועים (ריבוע פנימי)}}{\text{האירוע שקרה}}$$

$$= \frac{\text{אשה ורק מעשן}}{\text{למעשן}} = \frac{12\%}{68\%} = 17.6\%$$

בעיר כלשהי 70% גברים, מתוכם 80% מעשנים. מתוך הנשים 60% לא מעשנות.
 מה מבין הטענות הבאות **נכון**.

א. המאורעות תלויים זרים

ב. המאורעות תלויים ולא זרים ✓

ג. המאורעות בלתי תלויים זרים

ד. המאורעות בתי תלויים ולא זרים

בז'יג: $P(A|B) = 0$

אם שני מאורעות הם זרים אז הסיכוי ששניהם יקרו הוא 0.

חוק:

אם יבוא פנ'ה' הוא 0 : א-
 לסיכום:

זרים: 0

לא זרים: לא 0

אם
 ס בנתן: ז'יג

חוק:

המאורעות בלתי תלויים כאשר מתקיים:

$$P(A \cap B) = P(B) \times P(A)$$

ריבוע פנימי
ריבוע
ריבוע

ריבוע
ריבוע
ריבוע

ריבוע פנימי
ריבוע
ריבוע

ריבוע פנימי
ריבוע
ריבוע

לסיכום:

אם יש סימן = אז "בלתי תלויים"
 אם יש סימן \neq הם תלויים.

$$P(A \cap B) = P(B) \times P(A)$$

ריבוע פנימי
ריבוע
ריבוע

ריבוע פנימי
ריבוע
ריבוע

ריבוע פנימי
ריבוע
ריבוע

ריבוע פנימי
ריבוע
ריבוע

18% □ 30% • 30%

18% \neq 9.6%

אם = ג'יג

$$\text{תוצאה} = \frac{\text{שני האירועים (ריבוע פנימי)}}{\text{האירוע שקרה}}$$

הסתברות מותנה:

$$p(B|A) = \frac{p(B \cap A)}{p(A)}$$

שאלה 3

נתון כי A ו-B מאורעות במרחב המדגם המקיימים: $P(A) = 0.25$ $P(B) = 0.6$ $P(B|A) = 0.8$

איזה מהטענות הבאות נכונה?

$$P_{B|A} = \frac{P_{B \cap A}}{P_A}$$

$$0.8 = \frac{P_{B \cap A}}{0.25}$$

$$0.2 = P_{B \cap A}$$

א. $P(\bar{B}|A) = 0.2$

ב. $P(A \cap B) = 0.15$

ג. $0.6 \leq P(A \cap B) \leq 0.85$

ד. $0.6 \leq P(A \cap \bar{B}) \leq 0.85$

| | | | |
|-----|-----------|------|-----------|
| | \bar{A} | A | |
| 0.6 | | 0.20 | B |
| 0.4 | | 0.05 | \bar{B} |
| 1 | 0.75 | 0.25 | |

$$P_{\bar{B}|A} = \frac{P_{\bar{B} \cap A}}{P_A} \rightarrow \frac{0.05}{0.25}$$

0.2 ✓

U 11c
U מכוון

נתון כי: $P(A \cup B) = 0.82$, $P(\bar{A}) = 0.6$, $P(\bar{B}) = 0.36$
 $P_A = 0.4$ $P_B = 0.64$
 בחרו את התשובה הנכונה.

- (א) $P(A|B) = 0.34375$ | מאורעות A ו-B מאורעות תלויים ולא זרים
 ב. $P(A|B) = 0.34375$ | מאורעות A ו-B מאורעות בלתי תלויים ולא זרים
 ג. $P(A|B) = 0.34375$ | מאורעות A ו-B מאורעות בלתי תלויים וזרים
 ד. $P(A|B) = 0.22$ | מאורעות A ו-B מאורעות תלויים ולא זרים

הנוסחא בדף:

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$0.82 = 0.4 + 0.64 - P_{A \cap B}$$

$$0.82 = 1.04 - P_{A \cap B}$$

$$P_{A \cap B} = 0.22 \Rightarrow \text{לא סתם}$$

$$P_{A \cap B} = 0 \text{ : כי}$$

נזכיר חוק מדף הנוסחאות:
 המאורעות בלתי תלויים כאשר מתקיים:

$$P(A \cap B) = P(B) \times P(A)$$

לסיכום, אם יש סימן = אז "בלתי תלויים"
 אם יש סימן \neq הם תלויים.

$$P(A \cap B) = P(B) \times P(A)$$

נוסחת הסתברות מותנית מהדף:

$$0.22 \square 0.64 \times 0.4$$

$$0.22 \neq 0.256$$

רק בלתי תלוי

$$p(B/A) = \frac{p(B \cap A)}{p(A)}$$

$$P_{A/B} = \frac{P_{A \cap B}}{P_B}$$

$$\boxed{0.34375} = \frac{0.22}{0.64}$$

פונקציית הסתברות:

עידן, מנהל פיתוח בחברת הייטק, נוסע בבוקר לעבודתו ומנסה להיזכר מה צפוי לו היום בעבודה. בכל יום עבודה, ההסתברות שתהיה לו ישיבת פיתוח היא 0.5, וההסתברות שתהיה לו ישיבת הנהלה היא 0.4. ביום שבו ידוע כי אין לעידן ישיבת פיתוח, ההסתברות שלא תהיה לו ישיבת הנהלה היא 0.8.

נגדיר X – מספר הישיבות שיש לעידן ביום. עידן עובד 5 ימים בשבוע, מהי התוחלת ומהי סטיית התקן של מספר הישיבות הכולל שיש לו בשבוע עבודה?

| סייה | אין ישיבת פיתוח | יש ישיבת פיתוח | |
|--------|-----------------|----------------|-----------------|
| 0.4 | 0.1 | 0.3 | יש ישיבת הנהלה |
| 0.6 | 0.4 | 0.2 | אין ישיבת הנהלה |
| תמיד 1 | 0.5 | 0.5 | סייה |

- א. תוחלת 3.5 וסטיית תקן 1.5
- ב. תוחלת 0.9 וסטיית תקן 0.83
- ג. תוחלת 4.5 וסטיית תקן 1.857
- ד. תוחלת 1.5 וסטיית תקן 0.69

חוק:

ניסוח של "מה התוחלת וסטיית התקן" או "מה התוחלת והשונות" או רק "מה התוחלת" מעיד על נושא של פונקציית הסתברות.

| גודל סיכוי X | 0 | 1 | 2 | סה"כ |
|-------------------|-----|-----|-----|------|
| סיכוי P | 0.4 | 0.3 | 0.3 | 1 |

גודל סיכוי

$$E_x = X \cdot P$$

גודל סיכוי

$$E_x = 0.9$$

$$\sigma_x = \sqrt{X^2 \cdot P - E_x^2}$$

$$\sigma_x = \sqrt{0^2 \cdot 0.4 + 1^2 \cdot 0.3 + 2^2 \cdot 0.3 - 0.9^2}$$

$$\sigma_x = 0.83$$

תוחלת של המשתנה המקרי הברידי:

$$E_{(X)} = \sum x_i \cdot p(x_i)$$

סטיית תקן של המשתנה המקרי הברידי:

$$\sigma_{(X)} = SD_{(X)} = \sqrt{\sum x_i^2 \cdot P(x_i) - [E(X)]^2}$$

$$\sigma_x = \sqrt{X^2 \cdot P - E_x^2}$$

$$0.9 \times N = 4.5$$
 (Note: N is written above the 5)

(Note: 0.9 is written as $\frac{9}{10}$)

$$\frac{0.9}{0.9 \times 5} = 0.2$$

$$0.2 = 0.83$$

רצף

$$0.2^2 = 0.83^2 = 0.688$$

$$0.688 \times N = 3.44$$

$$3.44 \xrightarrow{\text{רצף}} 1.85$$

8. נגדיר משתנה מקרי X- מספר המכוניות למשפחה בחיפה.

להלן התפלגות המשתנה המקרי X:

$$E_x = X \cdot P$$

$$0.855$$

| | | | | |
|------|------|------|-------|-------|
| X | 0 | 1 | 2 | 3 |
| P(X) | 0.36 | 0.47 | 0.125 | 0.045 |

סך
1

$$\sigma_x = \sqrt{X^2 \cdot P - E_x^2}$$

$$0.702$$

נגדיר משתנה מקרי Y- מספר המכוניות למשפחה בחדרה.

להלן התפלגות המשתנה המקרי Y.

$$E_y = 1.26$$

| | | | | |
|------|------|------|------|------|
| Y | 0 | 1 | 2 | 3 |
| P(Y) | 0.29 | 0.31 | 0.25 | 0.15 |

סך
1

$$\sigma_y = 1.0355$$

הניחו חוסר תלות בין מספר המכוניות בערים

התוחלת וסטיית תקן של סכום המשתנים X+Y הן:

$$E(X + Y) = 2.115, SD(X + Y) = \sigma(X + Y) = 1.31 \quad \text{א.}$$

$$E(X + Y) = 2.115, SD(X + Y) = \sigma(X + Y) = 1.716375 \quad \text{ב.}$$

$$E(X + Y) = 2.115, SD(X + Y) = \sigma(X + Y) = 1.838 \quad \text{ג.}$$

$$E(X + Y) = 2.115, SD(X + Y) = \sigma(X + Y) = 1.0356 \quad \text{ד.}$$

$$E(X + Y) = E_x + E_y$$

$$\boxed{2.115} = 0.855 + 1.26$$

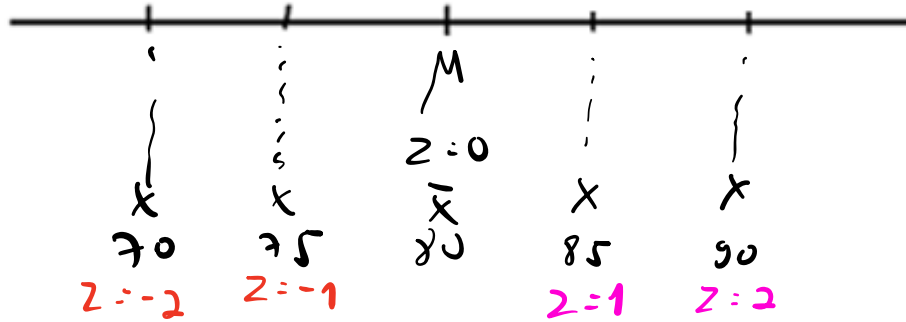
$$\sigma_{(x+y)} = ?$$

$$\sigma_x^2 + \sigma_y^2 =$$

$$0.802^2 + 1.035^2 = 1.715 \rightarrow \sigma_{x+y} = 1.31$$

ציון תקן Z:

המיקום היחסי של X לעומת שאר הערכים



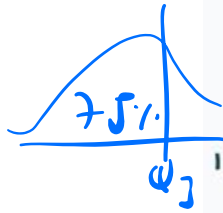
$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

(Handwritten notes in red: 'z' is written to the left of the fraction, 'x' is written above the numerator, 'μ' is written above the numerator, and 'σ' is written below the denominator.)

בדקו נתוני שכר של אוכלוסייה מסוימת.

ידוע כי הממוצע שווה ל- 12,500 ש"ח והתפלגות השכר היא

אסימטרית ימנית.



75%

μ_3

25%
 σ_1

לפניכם שתי טענות בהקשר זה:

טענה 1 - ציוני התקן של הרבעון הראשון ושל הרבעון השלישי ✗

חייבים להיות בסימנים שונים (אחד חיובי והשני שלילי).

טענה 2 - אם ידוע שאדם מסוים משתכר מתחת לחציון,

ציון התקן של השכר שלו בהכרח יהיה שלילי. ✓

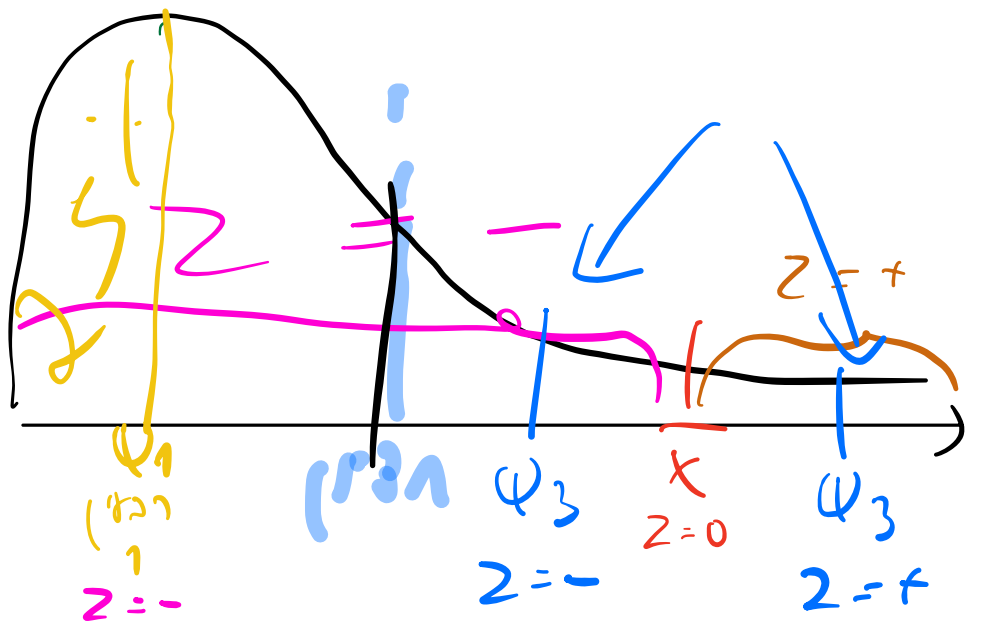
איזו/אילו מהטענות נכונה/ות?

שתי הטענות לא נכונות

רק טענה 1

רק טענה 2

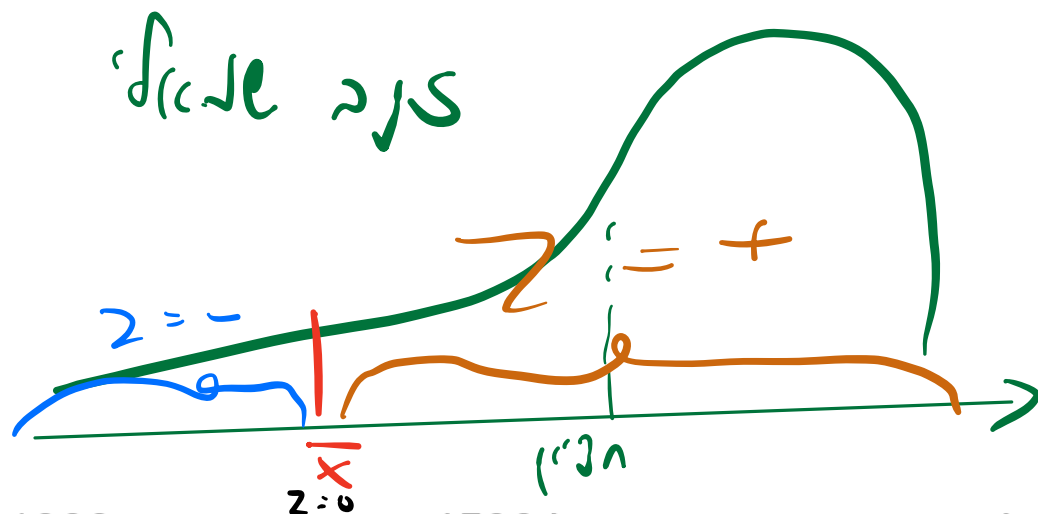
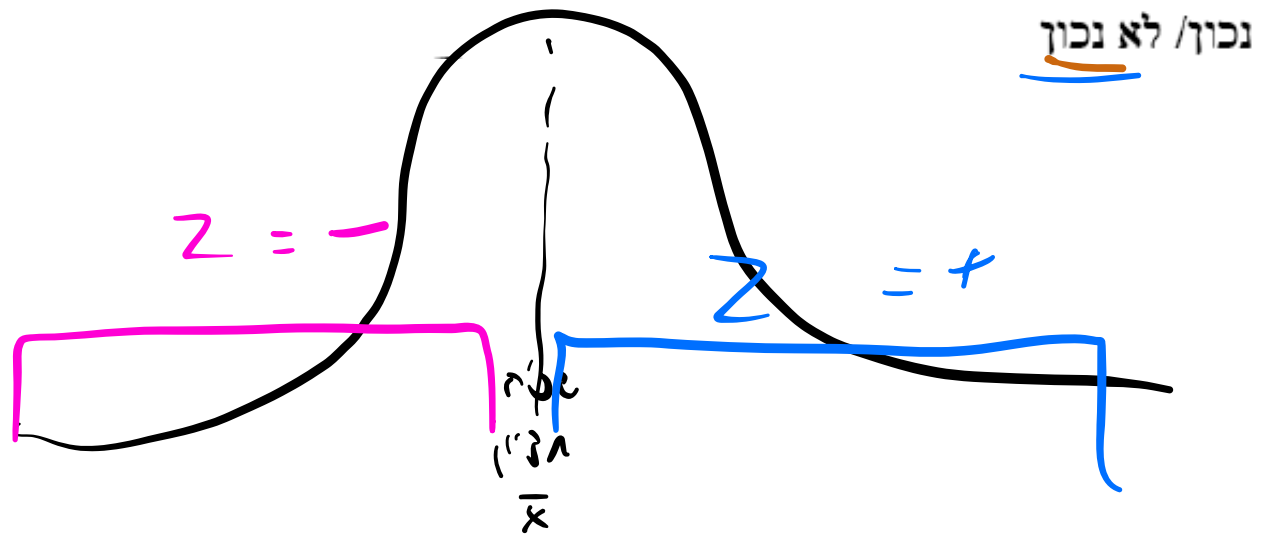
שתי הטענות נכונות



ניגוד אסוף 2 :



בכל סדרת נתונים (כאשר סטיית תקן שונה מאפס) מספר הערכים שציון התקן שלהם חיובי הייב להיות שווה למספר הערכים שציון התקן שלהם שלילי.



לעובדי מפעל השכר הממוצע עומד על 4500 ₪ וסטיית התקן 1000 ₪.

כל עובד קיבל תוספת של 10% .

הדס עובדת במפעל וציון התקן שלה שלפני השינוי הוא 1 . $z = 1$

ציון התקן של הדס לאחר השינוי הוא :

- א. יישאר ללא שינוי
- ב. יגדל
- ג. יקטן
- ד. לא ניתן לדעת על פי הנתונים הנ"ל

המשקל הממוצע של גברים באוכלוסייה מסוימת הינו 85 ק"ג וסטיית התקן 8 ק"ג. הגובה הממוצע של הגברים באותה אוכלוסייה הוא 180 ס"מ עם סטיית תקן 9 ס"מ. רפוי, ששוקל 105 ק"ג וגובהו 192 ס"מ, חריג יותר במשקל מאשר בגובה. האם המשפט נכון או לא נכון? כן / לא.

חוק:

המילה "חריג" מעידה על נושא של ציון תקן Z כדי לדעת מי הכי חריג, נכין ציר, במרכזו 0 ונמקם את שני הזדים. הזד שרחוק יותר מאפס: הוא החריג יותר.

גובה

$$\mu = \bar{x} = 180$$

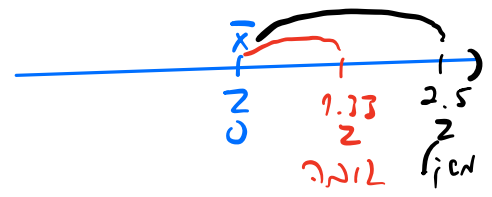
$$\sigma = 9$$

$$x = 192$$

$$z = \frac{192 - 180}{9}$$

$$z = 1.33$$

$$z = \frac{x - \mu}{\sigma}$$



משקל

$$\mu = \bar{x} = 85$$

$$\sigma = 8$$

$$x = 105$$

$$z = \frac{105 - 85}{8}$$

$$z = 2.5$$

דנה קיבלה 88 במבחן בסוציולוגיה ו-77 במבחן בפיזיקה. ציון התקן של דנה במבחן בסוציולוגיה הוא 0.3 וציון התקן שלה במבחן בפיזיקה הוא 2.3. לפיכך, ניתן לקבוע שבאופן יחסי לשאר חברי הכיתה, הישגה של דנה במבחן בפיזיקה גבוה יותר מהישגה במבחן בסוציולוגיה.

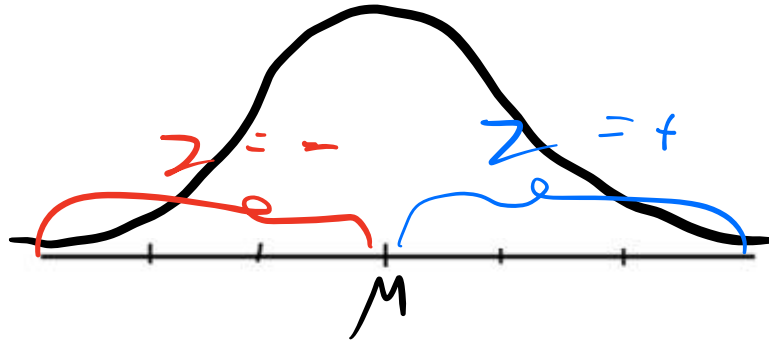
חוק חריג: גובה = חריג יותר מאשר משקל

חוק:
הציון (הגובה) החריג יותר מאשר הציון (המשקל)

$$z = 2.3 > z = 0.3$$

אם הגובה/המשקל החריג יותר מאשר המשקל/הגובה

התפלגות נורמלית: חובה תמיד לצייר פעמון



במידה ונתון גודל המדגם N:

$$Z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

בד"כ יאמרו את המילה "ממוצע" בסמוך (בצמוד)
למספר (X) שנקבל

וזה הסימן לעבוד עם הנוסחה שכוללת את ה N במכנה!

מה הסימן: $\frac{x - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$?

מה הסימן: $\frac{x - \mu}{\sigma}$?

אם לא נתון גודל המדגם N:

$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

| Z | 0 | 0.01 | 0.02 | 0.03 | 0.04 | 0.05 | 0.06 | 0.07 | 0.08 | 0.09 |
|-----|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| 0 | 0.5000 | 0.4960 | 0.4920 | 0.4880 | 0.4840 | 0.4801 | 0.4761 | 0.4721 | 0.4681 | 0.4641 |
| 0.1 | 0.4602 | 0.4562 | 0.4522 | 0.4483 | 0.4443 | 0.4404 | 0.4364 | 0.4325 | 0.4286 | 0.4247 |
| 0.2 | 0.4207 | 0.4168 | 0.4129 | 0.4090 | 0.4052 | 0.4013 | 0.3974 | 0.3936 | 0.3897 | 0.3859 |
| 0.3 | 0.3821 | 0.3783 | 0.3745 | 0.3707 | 0.3669 | 0.3632 | 0.3594 | 0.3557 | 0.3520 | 0.3483 |
| 0.4 | 0.3446 | 0.3409 | 0.3372 | 0.3336 | 0.3300 | 0.3264 | 0.3228 | 0.3192 | 0.3156 | 0.3121 |
| 0.5 | 0.3085 | 0.3050 | 0.3015 | 0.2981 | 0.2946 | 0.2912 | 0.2877 | 0.2843 | 0.2810 | 0.2776 |
| 0.6 | 0.2743 | 0.2709 | 0.2676 | 0.2643 | 0.2611 | 0.2578 | 0.2546 | 0.2514 | 0.2483 | 0.2451 |
| 0.7 | 0.2420 | 0.2389 | 0.2358 | 0.2327 | 0.2296 | 0.2266 | 0.2236 | 0.2206 | 0.2177 | 0.2148 |
| 0.8 | 0.2119 | 0.2090 | 0.2061 | 0.2033 | 0.2005 | 0.1977 | 0.1949 | 0.1922 | 0.1894 | 0.1867 |
| 0.9 | 0.1841 | 0.1814 | 0.1788 | 0.1762 | 0.1736 | 0.1711 | 0.1685 | 0.1660 | 0.1635 | 0.1611 |
| 1 | 0.1587 | 0.1562 | 0.1539 | 0.1515 | 0.1492 | 0.1469 | 0.1446 | 0.1423 | 0.1401 | 0.1379 |
| 1.1 | 0.1357 | 0.1335 | 0.1314 | 0.1292 | 0.1271 | 0.1251 | 0.1230 | 0.1210 | 0.1190 | 0.1170 |
| 1.2 | 0.1151 | 0.1131 | 0.1112 | 0.1093 | 0.1075 | 0.1056 | 0.1038 | 0.1020 | 0.1003 | 0.0985 |
| 1.3 | 0.0968 | 0.0951 | 0.0934 | 0.0918 | 0.0901 | 0.0885 | 0.0869 | 0.0853 | 0.0838 | 0.0823 |
| 1.4 | 0.0808 | 0.0793 | 0.0778 | 0.0764 | 0.0749 | 0.0735 | 0.0721 | 0.0708 | 0.0694 | 0.0681 |
| 1.5 | 0.0668 | 0.0655 | 0.0643 | 0.0630 | 0.0618 | 0.0606 | 0.0594 | 0.0582 | 0.0571 | 0.0559 |
| 1.6 | 0.0548 | 0.0537 | 0.0526 | 0.0516 | 0.0505 | 0.0495 | 0.0485 | 0.0475 | 0.0465 | 0.0455 |
| 1.7 | 0.0446 | 0.0436 | 0.0427 | 0.0418 | 0.0409 | 0.0401 | 0.0392 | 0.0384 | 0.0375 | 0.0367 |
| 1.8 | 0.0359 | 0.0351 | 0.0344 | 0.0336 | 0.0329 | 0.0322 | 0.0314 | 0.0307 | 0.0301 | 0.0294 |
| 1.9 | 0.0287 | 0.0281 | 0.0274 | 0.0268 | 0.0262 | 0.0256 | 0.0250 | 0.0244 | 0.0239 | 0.0233 |
| 2 | 0.0228 | 0.0222 | 0.0217 | 0.0212 | 0.0207 | 0.0202 | 0.0197 | 0.0192 | 0.0188 | 0.0183 |
| 2.1 | 0.0179 | 0.0174 | 0.0170 | 0.0166 | 0.0162 | 0.0158 | 0.0154 | 0.0150 | 0.0146 | 0.0143 |
| 2.2 | 0.0139 | 0.0136 | 0.0132 | 0.0129 | 0.0125 | 0.0122 | 0.0119 | 0.0116 | 0.0113 | 0.0110 |
| 2.3 | 0.0107 | 0.0104 | 0.0102 | 0.0099 | 0.0096 | 0.0094 | 0.0091 | 0.0089 | 0.0087 | 0.0084 |
| 2.4 | 0.0082 | 0.0080 | 0.0078 | 0.0075 | 0.0073 | 0.0071 | 0.0069 | 0.0068 | 0.0066 | 0.0064 |
| 2.5 | 0.0062 | 0.0060 | 0.0059 | 0.0057 | 0.0055 | 0.0054 | 0.0052 | 0.0051 | 0.0049 | 0.0048 |
| 2.6 | 0.0047 | 0.0045 | 0.0044 | 0.0043 | 0.0041 | 0.0040 | 0.0039 | 0.0038 | 0.0037 | 0.0036 |
| 2.7 | 0.0035 | 0.0034 | 0.0033 | 0.0032 | 0.0031 | 0.0030 | 0.0029 | 0.0028 | 0.0027 | 0.0026 |
| 2.8 | 0.0026 | 0.0025 | 0.0024 | 0.0023 | 0.0023 | 0.0022 | 0.0021 | 0.0021 | 0.0020 | 0.0019 |
| 2.9 | 0.0019 | 0.0018 | 0.0018 | 0.0017 | 0.0016 | 0.0016 | 0.0015 | 0.0015 | 0.0014 | 0.0014 |
| 3 | 0.0013 | 0.0013 | 0.0013 | 0.0012 | 0.0012 | 0.0011 | 0.0011 | 0.0011 | 0.0010 | 0.0010 |
| 3.1 | 0.0010 | 0.0009 | 0.0009 | 0.0009 | 0.0008 | 0.0008 | 0.0008 | 0.0008 | 0.0007 | 0.0007 |
| 3.2 | 0.0007 | 0.0007 | 0.0006 | 0.0006 | 0.0006 | 0.0006 | 0.0006 | 0.0005 | 0.0005 | 0.0005 |
| 3.3 | 0.0005 | 0.0005 | 0.0005 | 0.0004 | 0.0004 | 0.0004 | 0.0004 | 0.0004 | 0.0004 | 0.0003 |
| 3.4 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0002 |
| 3.5 | 0.00023 | 0.00022 | 0.00022 | 0.00021 | 0.00020 | 0.00019 | 0.00019 | 0.00018 | 0.00017 | 0.00017 |
| 3.6 | 0.0002 | 0.0002 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 |
| 3.7 | 0.00011 | 0.00010 | 0.00010 | 0.00010 | 0.00009 | 0.00009 | 0.00008 | 0.00008 | 0.00008 | 0.00008 |
| 3.8 | 0.00007 | 0.00007 | 0.00007 | 0.00006 | 0.00006 | 0.00006 | 0.00006 | 0.00005 | 0.00005 | 0.00005 |
| 3.9 | 0.00005 | 0.00005 | 0.00004 | 0.00004 | 0.00004 | 0.00004 | 0.00004 | 0.00004 | 0.00003 | 0.00003 |
| 4 | 0.00003 | 0.00003 | 0.00003 | 0.00003 | 0.00003 | 0.00003 | 0.00002 | 0.00002 | 0.00002 | 0.00002 |

13. בחברת "עוצמה" הזמן שעובד נמצא במשרד מתפלג נורמלית עם תוחלת השווה ל 9 שעות וסטיית תקן השווה ל 2 שעות. במדגם מקרי של 5 ימי עבודה, מהי ההסתברות שסך כל השעות שעובד יימצא במשרד הוא לפחות 52 שעות ?
יש לבחור את התוצאה הקרובה ביותר.

$$\mu = 9$$

$$\sigma = 2$$

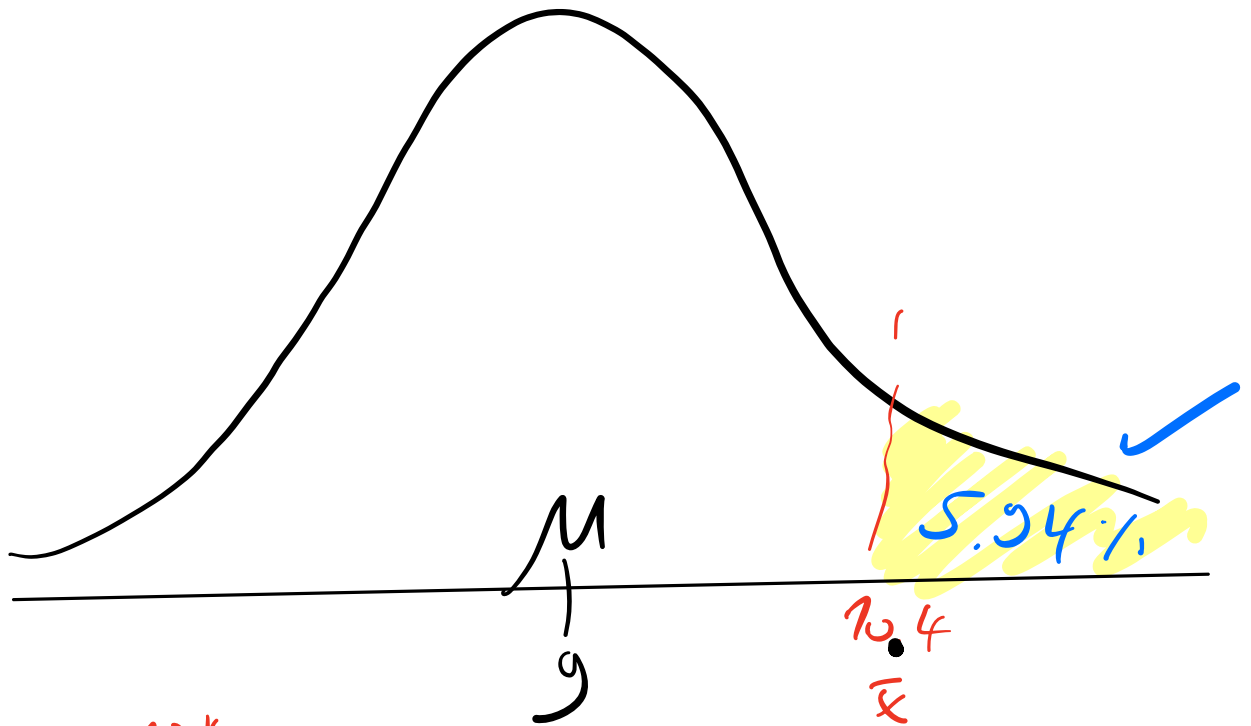
$$= \frac{52}{5}$$

$$\bar{x} = 10.4$$

כר יוק

- א. 0.0582
- ב. 0
- ג. 0.2420
- ד. 0.0401

בעצם שואלים מה ההסתברות (הסיכוי) שעובד יימצא במשרד בממוצע לפחות 10.4 שעות?



$$Z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

Annotations: $\bar{x} = 10.4$, $\mu = 9$, $\sigma = 2$, $n = 5$

$$Z = 1.56$$

הנאיין הכלל
5.94%

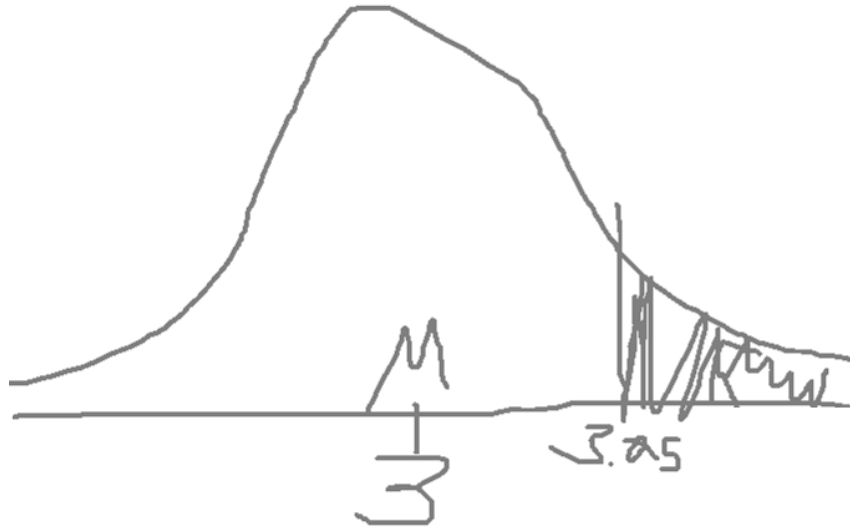
לתרגל בבית (אותה שאלה, מספרים שונים):

משך ההמתנה בקפיטריה במכללה בשעות הצהריים מתפלג נורמלית עם תוחלת של 3 דקות וסטיית תקן של 0.5 דקות. מה ההסתברות ש 16 סטודנטים ימתינו בסך הכל יותר מ- 52 דקות?

- 0.0228 .1
- 0.9772 .2
- 0.6915 .3
- 0.3085 .4

$$\frac{52}{16} = \bar{x}$$

מה הסיכוי שנמתין בקפיטריה בממוצע יותר מ 3.25?



$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

$$Z = \frac{3.25 - 3}{\frac{0.5}{\sqrt{16}}}$$

$$Z = 2$$

0.0228

2.28% השטח שביקשו (השטח שמעל 3.25)

משפט הגבול המרכזי (מג"מ):

אם כתוב "מתפלג נורמלית" אז לא מעניין בכלל מה גודל המדגם N ונפתור כרגיל: כמו בשאלה הקודמת!

אם לא כתוב "מתפלג נורמלית" בשאלה, נבדוק מהו גודל המדגם N .

אם $N \geq 30$ אז קורית התפלגות נורמלית ונפתור כרגיל.

אם לא כתוב "מתפלג נורמלית" ו $N < 30$ אי אפשר לפתור!

ידוע שתוחלת מספר ילדים במשפחה בישראל היא 3.2 וסטיית תקן 5.5.

נלקח מדגם מקרי של 10 משפחות.

מהי ההסתברות שממוצע המדגם קטן מ-2?



-0.6899

0.6899

0.2483

לא ניתן לדעת כיוון שהתפלגות הממוצעים לא בהכרח מתפלגת נורמלית / (לא מתקיים משפט הגבול המרכזי)

מרצה לכלכלה רוצה להפחית את מספר דקות השינה של סטודנטים בשיעור שלו. ידוע שתוחלת משך זמן השינה במהלך השיעור היא 20 דקות וסטיית תקן היא 6 דקות.

המרצה טוען שפיתח שיטת לימוד חדשה שתפיג את השיעמום מהנושאים הנלמדים ותגרום להקטנת מספר דקות השינה של סטודנטים. לשם כך, דגם דגימה מקרית של 18 תלמידים שלמדו בשיטה החדשה, מהי ההסתברות לישון בממוצע 15 דקות שינה ומעלה?

X

א. לא ניתן לחשב את ההסתברות

ב. 0.0002

ג. 0.9997

ד. 0.7967



המשקל הממוצע של גורי חתולים מתפלג נורמלית עם ממוצע μ ושונות 1600.

ידוע שאם בוחרים באקראי חתולה שזה עתה נולדה, אז ההסתברות שמשקלה יהיה מעל ל-700 גרם היא 0.0062. התוחלת של משקל גורי חתולים היא:

$\mu = 600$

$\mu = 650$

$\mu = 2.24$

$\mu = 2.5$

חוק:

אם בשאלה קיבלנו אחוז או מספר עשרוני (קיבלנו בעצם שטח בתוך הפעמון), ניגש איתו מבפנים לבחון בלוח זד ונביא Z . לעיתים ניגש לתוך לוח Z עם השטח המשלים ל 100 (נראה זאת בשאלה הבאה).

| Z | 0 | 0.01 | 0.02 | 0.03 | 0.04 | 0.05 | 0.06 | 0.07 | 0.08 | 0.09 |
|-----|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| 0 | 0.5000 | 0.4960 | 0.4920 | 0.4880 | 0.4840 | 0.4801 | 0.4761 | 0.4721 | 0.4681 | 0.4641 |
| 0.1 | 0.4602 | 0.4562 | 0.4522 | 0.4483 | 0.4443 | 0.4404 | 0.4364 | 0.4325 | 0.4286 | 0.4247 |
| 0.2 | 0.4207 | 0.4168 | 0.4129 | 0.4090 | 0.4052 | 0.4013 | 0.3974 | 0.3936 | 0.3897 | 0.3859 |
| 0.3 | 0.3821 | 0.3783 | 0.3745 | 0.3707 | 0.3669 | 0.3632 | 0.3594 | 0.3557 | 0.3520 | 0.3483 |
| 0.4 | 0.3446 | 0.3409 | 0.3372 | 0.3336 | 0.3300 | 0.3264 | 0.3228 | 0.3192 | 0.3156 | 0.3121 |
| 0.5 | 0.3085 | 0.3050 | 0.3015 | 0.2981 | 0.2946 | 0.2912 | 0.2877 | 0.2843 | 0.2810 | 0.2776 |
| 0.6 | 0.2743 | 0.2709 | 0.2676 | 0.2643 | 0.2611 | 0.2578 | 0.2546 | 0.2514 | 0.2483 | 0.2451 |
| 0.7 | 0.2420 | 0.2389 | 0.2358 | 0.2327 | 0.2296 | 0.2266 | 0.2236 | 0.2206 | 0.2177 | 0.2148 |
| 0.8 | 0.2119 | 0.2090 | 0.2061 | 0.2033 | 0.2005 | 0.1977 | 0.1949 | 0.1922 | 0.1894 | 0.1867 |
| 0.9 | 0.1841 | 0.1814 | 0.1788 | 0.1762 | 0.1736 | 0.1711 | 0.1685 | 0.1660 | 0.1635 | 0.1611 |
| 1 | 0.1587 | 0.1562 | 0.1539 | 0.1515 | 0.1492 | 0.1469 | 0.1446 | 0.1423 | 0.1401 | 0.1379 |
| 1.1 | 0.1357 | 0.1335 | 0.1314 | 0.1292 | 0.1271 | 0.1251 | 0.1230 | 0.1210 | 0.1190 | 0.1170 |
| 1.2 | 0.1151 | 0.1131 | 0.1112 | 0.1093 | 0.1075 | 0.1056 | 0.1038 | 0.1020 | 0.1003 | 0.0985 |
| 1.3 | 0.0968 | 0.0951 | 0.0934 | 0.0918 | 0.0901 | 0.0885 | 0.0869 | 0.0853 | 0.0838 | 0.0823 |
| 1.4 | 0.0808 | 0.0793 | 0.0778 | 0.0764 | 0.0749 | 0.0735 | 0.0721 | 0.0708 | 0.0694 | 0.0681 |
| 1.5 | 0.0668 | 0.0655 | 0.0643 | 0.0630 | 0.0618 | 0.0606 | 0.0594 | 0.0582 | 0.0571 | 0.0559 |
| 1.6 | 0.0548 | 0.0537 | 0.0526 | 0.0516 | 0.0505 | 0.0495 | 0.0485 | 0.0475 | 0.0465 | 0.0455 |
| 1.7 | 0.0446 | 0.0436 | 0.0427 | 0.0418 | 0.0409 | 0.0401 | 0.0392 | 0.0384 | 0.0375 | 0.0367 |
| 1.8 | 0.0359 | 0.0351 | 0.0344 | 0.0336 | 0.0329 | 0.0322 | 0.0314 | 0.0307 | 0.0301 | 0.0294 |
| 1.9 | 0.0287 | 0.0281 | 0.0274 | 0.0268 | 0.0262 | 0.0256 | 0.0250 | 0.0244 | 0.0239 | 0.0233 |
| 2 | 0.0228 | 0.0222 | 0.0217 | 0.0212 | 0.0207 | 0.0202 | 0.0197 | 0.0192 | 0.0188 | 0.0183 |
| 2.1 | 0.0179 | 0.0174 | 0.0170 | 0.0166 | 0.0162 | 0.0158 | 0.0154 | 0.0150 | 0.0146 | 0.0143 |
| 2.2 | 0.0139 | 0.0136 | 0.0132 | 0.0129 | 0.0125 | 0.0122 | 0.0119 | 0.0116 | 0.0113 | 0.0110 |
| 2.3 | 0.0107 | 0.0104 | 0.0102 | 0.0099 | 0.0096 | 0.0094 | 0.0091 | 0.0089 | 0.0087 | 0.0084 |
| 2.4 | 0.0082 | 0.0080 | 0.0078 | 0.0075 | 0.0073 | 0.0071 | 0.0069 | 0.0068 | 0.0066 | 0.0064 |
| 2.5 | 0.0062 | 0.0060 | 0.0059 | 0.0057 | 0.0055 | 0.0054 | 0.0052 | 0.0051 | 0.0049 | 0.0048 |
| 2.6 | 0.0047 | 0.0045 | 0.0044 | 0.0043 | 0.0041 | 0.0040 | 0.0039 | 0.0038 | 0.0037 | 0.0036 |
| 2.7 | 0.0035 | 0.0034 | 0.0033 | 0.0032 | 0.0031 | 0.0030 | 0.0029 | 0.0028 | 0.0027 | 0.0026 |
| 2.8 | 0.0026 | 0.0025 | 0.0024 | 0.0023 | 0.0023 | 0.0022 | 0.0021 | 0.0021 | 0.0020 | 0.0019 |
| 2.9 | 0.0019 | 0.0018 | 0.0018 | 0.0017 | 0.0016 | 0.0016 | 0.0015 | 0.0015 | 0.0014 | 0.0014 |
| 3 | 0.0013 | 0.0013 | 0.0013 | 0.0012 | 0.0012 | 0.0011 | 0.0011 | 0.0011 | 0.0010 | 0.0010 |
| 3.1 | 0.0010 | 0.0009 | 0.0009 | 0.0009 | 0.0008 | 0.0008 | 0.0008 | 0.0008 | 0.0007 | 0.0007 |
| 3.2 | 0.0007 | 0.0007 | 0.0006 | 0.0006 | 0.0006 | 0.0006 | 0.0006 | 0.0005 | 0.0005 | 0.0005 |
| 3.3 | 0.0005 | 0.0005 | 0.0005 | 0.0004 | 0.0004 | 0.0004 | 0.0004 | 0.0004 | 0.0004 | 0.0003 |
| 3.4 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0003 | 0.0002 |
| 3.5 | 0.00023 | 0.00022 | 0.00022 | 0.00021 | 0.00020 | 0.00019 | 0.00019 | 0.00018 | 0.00017 | 0.00017 |
| 3.6 | 0.0002 | 0.0002 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 | 0.0001 |
| 3.7 | 0.00011 | 0.00010 | 0.00010 | 0.00010 | 0.00009 | 0.00009 | 0.00008 | 0.00008 | 0.00008 | 0.00008 |
| 3.8 | 0.00007 | 0.00007 | 0.00007 | 0.00006 | 0.00006 | 0.00006 | 0.00006 | 0.00005 | 0.00005 | 0.00005 |
| 3.9 | 0.00005 | 0.00005 | 0.00004 | 0.00004 | 0.00004 | 0.00004 | 0.00004 | 0.00004 | 0.00003 | 0.00003 |
| 4 | 0.00003 | 0.00003 | 0.00003 | 0.00003 | 0.00003 | 0.00003 | 0.00002 | 0.00002 | 0.00002 | 0.00002 |

גובהה של שירלי הוא 170 ס"מ. היא יודעת שהיא נמצאת באחוזן 84.13 ושסטיית התקן של התפלגות הגבהים היא 10 ס"מ (התפלגות הגבהים באוכלוסייה נורמלית).

מהו הגובה הממוצע באוכלוסייה?

- א. 160 ס"מ
- ב. 175 ס"מ
- ג. לא ניתן לדעת מהנתונים
- ד. 170 ס"מ

בזכיר חוק:

צב יב קטן שגובהו x אר. $x = ?$

אם בשאלה קיבלנו אחוז או מספר עשרוני (קיבלנו בעצם שטח בתוך הפעמון), במצב ניגש איתנו מבפנים לבחון בלוח זד ונביא Z.

צן השטח שזיגנו

לעיתים ניגש לתוך לוח Z עם השטח המשלים ל 100 (נראה זאת בשאלה הבאה).

גובה של דויד הוא 130 ס"מ. הוא יודע שהוא נמצא באחוזון 5 ושסטיית התקן של התפלגות הגבהים היא 10 ס"מ (התפלגות הגבהים באוכלוסייה נורמלית).

מהו הגובה הממוצע באוכלוסייה?

א. 146.4 ס"מ

ב. 175 ס"מ

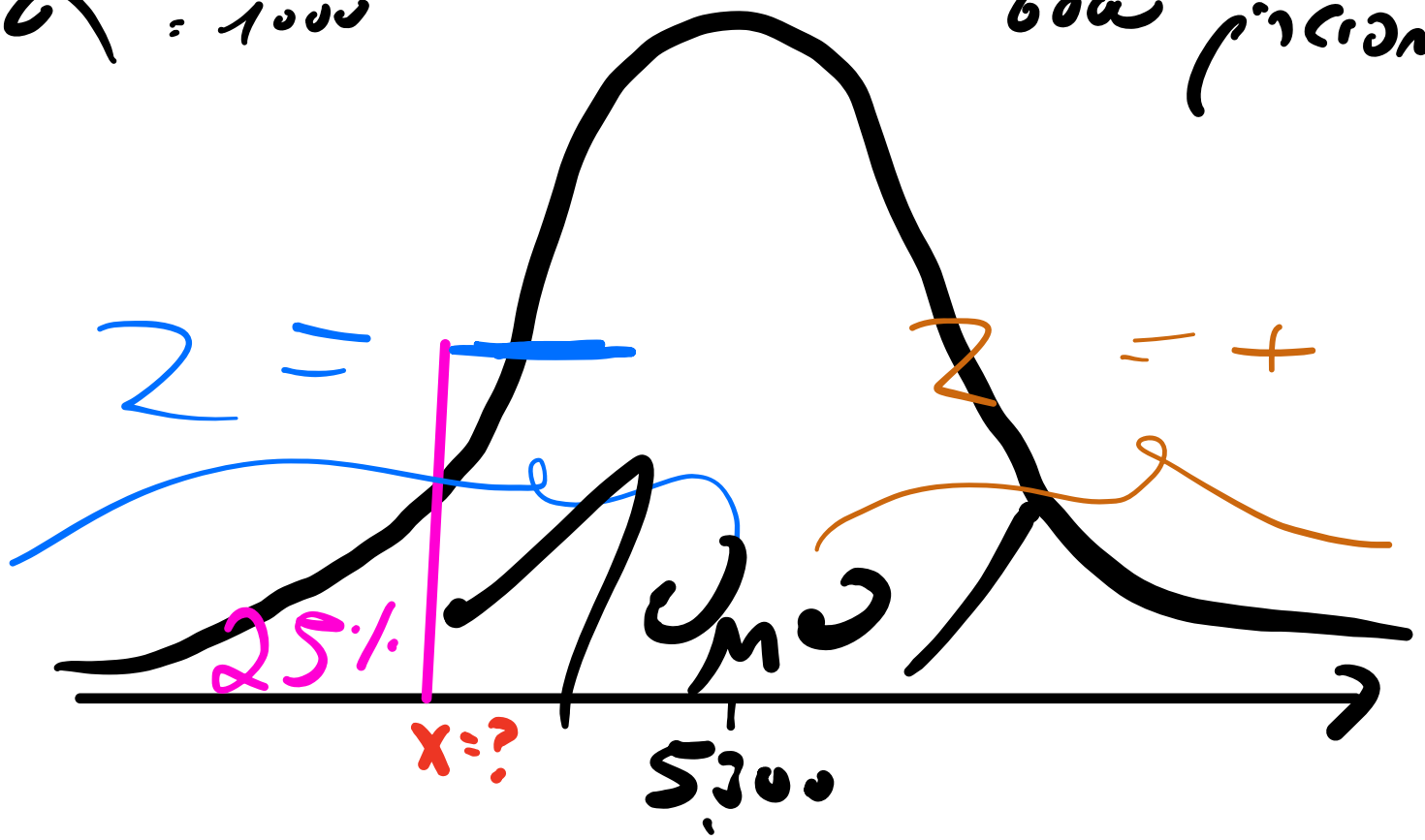
ג. לא ניתן לדעת מהנתונים

ד. 170 ס"מ

במפעל גדול במרכז הארץ יש 6,000 עובדים. שכר העובדים מתפלג נורמלית עם תוחלת 5,300 וסטטיית תקן 1,000. בשנה האחרונה נקלע המפעל לקשיים כלכליים ובעקבות כך הוחלט לפטר 1,500 עובדים שמשכורותם היא הנמוכה ביותר. מהי המשכורת הגבוהה ביותר של העובד המשתייך לקבוצת העובדים המפוטרים.

$\mu = 5,300$
 $\sigma = 1,000$

$\frac{1500}{6000} = 25\%$
 מפיציה



נישאל עם הסתברות 25% (0.25) ויבסגן רבוח

$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

נניח
 $Z = 0.67$

~~$Z = \frac{x - 5300}{1000}$~~

$X = 463$

טרנספורמציה לינארית (אין צורך להכיר את השם הטיפשי הזה)

מה קורה כאשר מבצעים את השינוי על כל המספרים?

לגבי הממוצע:

אם מוסיפים, מורידים, מכפילים, מחלקים או משנים באחוזים את כל המספרים אז הממוצע תמיד משתנה לפי השינוי שקרה.

למשל, אם הוספנו 100 שח לכל המשכורות, גם ממוצע השכר יעלה ב 100.

למשל, אם נכפיל את כל המשכורות פי 3, גם הממוצע יוכפל פי 3.

לסיכום, הממוצע תמיד "זורם" לפי השינוי שקרה.

לגבי סטיית התקן:

אם נכפיל או נחלק או נשנה באחוזים את כל המספרים אז סטיית התקן תשתנה בדיוק לפי השינוי שקרה. לסיכום, כפל, חלוקה, אחוזים תמיד משנים את סטיית התקן.

X : **%**
בכפל, חילוק, אחוזים:
סטיית התקן "זורמת" לפי השינוי שקרה.

אם נוסיף את אותו המספר לכולם אז סטיית התקן לא תשתנה. אם נוריד את אותו המספר מכולם אז סטיית התקן לא תשתנה.

לסיכום,
+ הוספת מספר או הורדת מספר
- לא משנה את סטיית התקן.

בקורס בסטטיסטיקה במכללת קשת בענן נבחנו 100 סטודנטים. ממוצע הציונים היה 50 ושונות 36. המרצים לא היו מרוצים מהתוצאות והחליטו לתת פקטור של 10 אחוז ולאחר מכן תוספת של 15 נקודות לציוני כלל הסטודנטים. חשבו את הממוצע וסטיית התקן של הציונים לאחר הבונוסים.

א. ממוצע 70, סטיית תקן 6.6

ב. ממוצע 80, סטיית תקן 8.8

ג. ממוצע 60, סטיית תקן 2.5

ד. ממוצע 68, סטיית תקן 4